SERIE CAPÍTULO III

SEMESTRE 2014-1

1)

a) OBTENER LA MATRIZ "A" CUYA MATRIZ EXPONENCIAL ESTÁ DADA

>

$$\frac{1}{7}\begin{bmatrix} 3 & -4 \\ -3 & 4 \end{bmatrix} e^{-2t} + \frac{1}{7}\begin{bmatrix} 4 & 4 \\ 3 & 3 \end{bmatrix} e^{5t} \tag{1}$$

>

b) CON LA MATRIZ A OBTENIDA EN EL INCISO [a)] PROPONER UN SISTEMA HOMOGÉNEO DE ECUACIONES DIFERENCIALES CON x(t) & y(t) COMO INCÓGNITAS

> *restart*

2) *DADA LA ECUACIÓN DIFERENCIAL DE CUARTO ORDEN SIGUIENTE* :

>

$$\frac{d^4}{dt^4} y(t) - 5\left(\frac{d^2}{dt^2} y(t)\right) + 4\,y(t) = 5\,e^{-2t}\sin(3\,t)$$

$$y(0) = 2$$

$$D(y)(0) = -3$$

$$D^{(2)}(y)(0) = 4$$

$$D^{(3)}(y)(0) = -5 \tag{2}$$

>

a) OBTENER UN SISTEMA DE ECUACIONES DIFERENCIALES EQUIVALENTE (CON TODO Y CONDICIONES INICIALES)

b) MOSTRAR LA REPRESENTACIÓN MATRICIAL DEL MISMO SISTEMA

c) OBTENER LA MATRIZ EXPONENCIAL QUE NOS PERMITIRÍA RESOLVERLO

d) OBTENER LA SOLUCIÓN PARTICULAR DADAS LAS CONDICIONES SEÑALADAS UTILIZANDO EL MÉTODO DE MATRIZ EXPONENCIAL

> *restart* :

>

3) DADO EL SISTEMA, Y CON LAS CONDICIONES: x(0) = 3; y(0) = -4; z(0) = 6

>

$$\frac{d}{dt} x(t) = x(t) - y(t) + z(t)$$

$$\frac{d}{dt} y(t) = -x(t) + y(t) + z(t) + 2\,e^{-2t}$$

$$\frac{d}{dt} z(t) = x(t) + y(t) - z(t) + e^{-3t} \tag{3}$$

>

a) OBTENER LA SOLUCIÓN PARTICULAR UTILIZANDO **dsolve**

b) GRAFICAR LA SOLUCIÓN DEL SISTEMA OBTENIDA EN EL INCISO [a)] (FUNCIONES JUNTAS EN UN SOLO GRÁFICO) CON UN INTERVALO 0 < t < 1

c) ESTABLECER LA MATRIZ A DEL MISMO SISTEMA Y RESOLVERLO, TAMBIÉN, CON LA MATRIZ EXPONENCIAL

```
> restart
>
```

FIN DE LA SERIE