

FACULTAD DE INGENIERÍA  
ECUACIONES DIFERENCIALES  
SERIE 3 DE EJERCICIOS DEL TEMA 1

2013 OCTUBRE 19

[> restart :

1) Dada la siguiente solución general obtener su ecuación diferencial ordinaria correspondiente y expresar su clasificación según sus características (orden, grado, linealidad, homogeneidad, coeficientes)

[> SolucionGeneral := y(x) = C<sub>1</sub> · e<sup>4x</sup> + C<sub>2</sub> · x<sup>3</sup>;

$$\text{SolucionGeneral} := y(x) = C_1 e^{4x} + C_2 x^3 \quad (1)$$

[> restart :

2) Si conocemos la solución general de una ecuación diferencial ordinaria no lineal desconocida

[> SolucionGeneral := y(x) · 2 · (1 - y(x)) = (x - C<sub>1</sub>) · 2;

$$\text{SolucionGeneral} := y(x)^2 (1 - y(x)) = (x - C_1)^2 \quad (2)$$

a) obtenga su ecuación diferencial correspondiente.

b) demuestre porqué es una solución singular la siguiente función

[> y<sub>1</sub> = 1;

$$y_1 = 1 \quad (3)$$

c) obtenga la solución particular que satisface la siguiente condición inicial

[> CondicionInicial := y(4) = 12;

$$\text{CondicionInicial} := y(4) = 12 \quad (4)$$

[> restart :

3) Dadas las siguientes soluciones generales, obtenga su ecuación diferencial correspondiente a cada una de ellas y especifique a qué tipo de ecuación diferencial ordinaria lineal corresponden (de qué orden; de coeficientes constantes o variables):

[> y<sub>1</sub>(x) = C<sub>1</sub> · exp(2 · x) + C<sub>2</sub> · exp(-5 · x);

$$y_1(x) = C_1 e^{2x} + C_2 e^{-5x} \quad (5)$$

[> y<sub>2</sub>(x) =  $\frac{C_1}{x \cdot 2} + \frac{C_2}{x \cdot 3}$ ;

$$y_2(x) = \frac{C_1}{x^2} + \frac{C_2}{x^3} \quad (6)$$

[> y<sub>3</sub>(x) = exp(2 · x) · (C<sub>1</sub> + C<sub>2</sub> · x + 10 · x · 2);

$$y_3(x) = e^{2x} (C_1 + C_2 x + 10 x^2) \quad (7)$$

[> y<sub>4</sub>(x) = C<sub>1</sub> · log(x) + C<sub>2</sub> · sin(x);

$$y_4(x) = C_1 \ln(x) + C_2 \sin(x) \quad (8)$$

[> y<sub>5</sub>(x) = C<sub>1</sub> · exp(-2 · x) + x · exp(-2 · x);

$$y_5(x) = C_1 e^{-2x} + x e^{-2x} \quad (9)$$

[> restart :

4) Obtener la solución general de la siguiente ecuación (**sin usar dsolve**) por ambos métodos posibles:

$$\begin{aligned} &> \text{EcuacionDiferencial} := 4 \cdot x \cdot 2 + x \cdot y(x) - 3 \cdot y(x) \cdot 2 + (-5 \cdot x \cdot 2 + 2 \cdot x \cdot y(x) + y(x) \cdot 2) \\ &\quad \cdot \text{diff}(y(x), x) = 0; \\ &\text{EcuacionDiferencial} := 4x^2 + xy(x) - 3y(x)^2 + (-5x^2 + 2xy(x) + y(x)^2) \left( \frac{d}{dx} y(x) \right) = 0 \quad (10) \end{aligned}$$

$\text{restart} :$

5) Dada la siguiente ecuación diferencial con condiciones iniciales:

a) Obtener su solución particular (**sin usar dsolve**)

$$\begin{aligned} &> \text{EcuacionDiferencial} := \frac{\sin(2 \cdot x)}{y(x)} + x + \left( y(x) - \frac{\sin(x) \cdot 2}{y(x) \cdot 2} \right) \cdot \text{diff}(y(x), x) = 0; \\ &\quad \text{CondicionesIniciales} := y(\pi) = -2; \\ &\text{EcuacionDiferencial} := \frac{\sin(2x)}{y(x)} + x + \left( y(x) - \frac{\sin(x)^2}{y(x)^2} \right) \left( \frac{d}{dx} y(x) \right) = 0 \\ &\quad \text{CondicionesIniciales} := y(\pi) = -2 \quad (11) \end{aligned}$$

b) Graficar dicha solución particular en un intervalo  $-4 < x < 4$

$\text{restart} :$

6) Obtenga la solución particular de la siguiente ecuación diferencial con la condición inicial dada - utilizando exclusivamente el método del factor integrante (**no utilizar dsolve**)

$$\begin{aligned} &> \text{EcuacionDiferencial} := 2 \cdot x \cdot 2 + y(x) + (x \cdot 2 \cdot y(x) - x) \cdot \text{diff}(y(x), x) = 0; \text{CondicionInicial} \\ &\quad := y(1) = -2; \\ &\text{EcuacionDiferencial} := 2x^2 + y(x) + (x^2 y(x) - x) \left( \frac{d}{dx} y(x) \right) = 0 \\ &\quad \text{CondicionInicial} := y(1) = -2 \quad (12) \end{aligned}$$

$\text{restart} :$

7) Dada la siguiente ecuación diferencial:

$$\begin{aligned} &> \text{EcuacionDiferencial} := 4 \cdot x \cdot 2 + x \cdot y(x) - 3 \cdot y(x) \cdot 2 + (-5 \cdot x \cdot 2 + 2 \cdot x \cdot y(x) + y(x) \cdot 2) \\ &\quad \cdot \text{diff}(y(x), x) = 0; \\ &\text{EcuacionDiferencial} := 4x^2 + xy(x) - 3y(x)^2 + (-5x^2 + 2xy(x) + y(x)^2) \left( \frac{d}{dx} y(x) \right) = 0 \quad (13) \end{aligned}$$

obtenga su solución general (**no se puede utilizar dsolve**)

$\text{restart} :$

FIN DE LA SERIE